

Clasa a IX-a

13. Într-un triunghi ABC se dau $a = 3$, $b = 4$, $c = 6$.

Să se calculeze r , R și S .

14. Într-un triunghi ABC se dau $a = 3$, $b = 4$ și $C = 60^\circ$.

Să se calculeze $\frac{A}{2}$.

15. Într-un triunghi ABC se dau $a = 4$, $b = 5$ și $R = 6$.

Să se calculeze $\sin C$.

16. Rezolvați în \mathbb{R} sistemul $\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x^3 + y^3 = 1. \end{cases}$

17. Să se determine funcția de gradul doi $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, știind că

$$f(1) = f(2) = 0 \text{ și } f(0) = 4.$$

18. Să se determine funcția de gradul doi $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, știind că graficul este tangent axei Ox în punctul $A(1, 0)$ și $f(2) = 3$.

Clasa a X-a

19. Calculați $C_3^2 + C_4^2 + \dots + C_{10}^2$.

20. Calculați partea fracționară a numărului

$$\left(1 + \sqrt{3}\right)^{100} + \left(1 - \sqrt{3}\right)^{100}.$$

21. Calculați probabilitatea ca, aruncând trei zaruri, suma rezultatelor obținute să fie 6.

22. Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $\{21, 22, \dots, 45\}$ acesta să fie par.

23. Scrieți ecuația dreptei ce trece prin $A(1, 2)$ și este paralelă cu dreapta $2x - y + 1 = 0$.

24. Scrieți panta bisectoarei unghiului ABC , unde $A(1, 2)$, $B(2, 0)$ și $C(1, -2)$.