

atunci $p(n)$ este adevărată pentru orice $n \in \mathbb{N}^*$.

Mihai Onucu Drimbe, Roman

C.O:5209. Fie ABC un triunghi și D punctul de intersecție al bisectoarei din A cu cercul circumscris triunghiului. Notăm cu E intersecția dreptelor BC și AD . Să se arate că mediana din D în triunghiul BDE coincide cu simediana din D în triunghiul BDA .

Dinu Șerbănescu, București

C.O:5210. Fie K un corp finit cu q elemente. Să se arate că:

a) dacă $q \equiv 1 \pmod{4}$, atunci polinomul $f = X^4 + 4$ are patru rădăcini în corpul K ;

b) polinomul $g = X^8 - 16$ are cel puțin o rădăcină în corpul K .

Dorel Mihailescu, Timișoara

PROBLEMS FOR COMPETITIONS AND OLYMPIADS

Junior Level

C.O:5203. Suppose a, b, c, d are real numbers such that $|ad - bc| \geq \sqrt{3}$. Prove that $a^2 + b^2 + c^2 + d^2 + ac + bd \geq 3$.

Vasile Pop, Cluj-Napoca

C.O:5204. Let ABC be an equilateral triangle. Points M, N, P lies on the sides BC, CA, AB such that $BM \geq MC, CN \geq NA$ and $AP \geq PB$. Prove that $\text{area}[ABC] \leq 4\text{area}[MNP]$.

Vasile Pop, Cluj-Napoca

C.O:5205. Prove that $\frac{a+b}{3a+2b+c} + \frac{b+c}{3b+2c+a} + \frac{c+a}{3c+2a+b} \leq 1$, for any positive reals a, b, c .

Petre Bătrânețu, Galați

C.O:5206. Suppose A is an infinite set of real numbers containing at least a rational number and at least an irrational number. Prove that for any integer n , $n \geq 2$, there exist n distinct elements of A whose sum is an irrational number.

Dinu Teodorescu, Târgoviște

Senior Level

C.O:5207. Let $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ be a continuous function such that $f(x) \leq f\left(x + \frac{1}{n}\right)$, for any $x \in \mathbb{R}$ and $n \in \mathbb{N}^*$. Prove that f is non-decreasing.

Manuela Prajea, Drobeta Tr. Severin

C.O:5208. Let $p(n)$ be a statement, $n \in \mathbb{N}^*$. Show that if:

- i) $p(1)$ holds true,
- ii) $p(n) \Rightarrow p(2n)$ and

iii) $p(n) \Rightarrow p([\sqrt{n}])$, for any $n \in \mathbb{N}^*$,

then $p(n)$ holds true for all $n \in \mathbb{N}^*$.

Mihai Onucu Drimbe, Roman

C.O:5209. Let ABC be a triangle. The interior bisector of $\angle BAC$ meets line BC at E . Line AE meets again the circumcircle of ABC at D . Prove that the median line from D in the triangle BDE coincide with the simedian line from D in the triangle BDA .

Dinu Șerbănescu, Bucharest

C.O:5210. Let K be a finite field with q elements. Prove that:

- a) If $q \equiv 1 \pmod{4}$, then the polynomial $f = X^4 + 4$ has four roots in the field K ;
- b) The polynomial $g = X^8 - 16$ has at least a root in the field K .

Dorel Miheț, Timișoara

RUBRICA REZOLVITORILOR DE PROBLEME

În perioada 1 aprilie 2011 – 30 aprilie 2011, au trimis soluții la probleme pentru Concursul anual al Gazetei Matematice următorii elevi

ARAD (ARAD) fără mențiune de școală și clasă: Buzgău Șerban.

BACĂU (BACĂU) S.g. „Al. I. Cuza“ cl.V Mândrilă Andrei; C.N. „Ferdinand I“ cl.IX Mocanu Alexandru.

BAIA MARE (MARAMUREŞ) S.g. „Avram Iancu“ cl.IV Zelina Paul; S.g. 10 „Simion Bărnuțiu“ cl.IV Bledea Alexandru; C.N. „Gheorghe Șincai“ cl.V Lucaci Sergiu-Gabriel; C.N. „Vasile Lucaciu“ cl.VI Zelina Mihai Andrei.

BECLEAN (BISTRITĂ-NĂSĂUD) C.N. „Petru Rareș“ cl.V Pașca Maria Iulia, cl.VIII Poenar Bianca Liana.

BEIUŞ (BIHOR) C.T. „Ioan Ciordăș“ cl.VI Cap Raul Mihai.

BOTOŞANI (BOTOŞANI) Lic. Teoretic „Nicolae Iorga“ cl.V Roșca Ștefania; C.N. „Mihai Eminescu“ cl.VII Leonte Dan, Sava Titus.

BRAŞOV (BRAŞOV) S.g. 4 cl.VI Manea Dragos; S.g. 5 cl.IV Cațaron Andrei.

BRĂILA (BRĂILA) S.g. „Ion Creangă“ cl.IV Tudor Raluca; S.g. „Mihai Eminescu“ cl.V Grecu Cristian Stelian, Iancu Vlad, Ionescu Oana, Moise Gabriel, cl.VI Vătămanu Roxana Georgiana, fără mențiune de clasă: Dinu Adrian Cristian; C.N. „Nicolae Bălcescu“ cl.V Popa Ștefan Andrei, Vlad Miruna Elena.

BUCUREŞTI S.g. 45 „Titu Maiorescu“ cl.IV Tudorache Maria; S.g. 79 cl.IV Oancea Rareș Adrian, Pârvu Alina Maria, Rădan Felicia Simona, cl.V Iordănescu Eugen, cl.VI Cruceru Vlad, Ghincea Theodor; S.g. 81 cl.V Barbălată Ioana; S.g. 96 cl.IV Dima Clara Maria; S.g. 97 cl.IV Badea Alexandru Ioan, cl.VI Baltă Andreea Cristina, Mihalciu Alexandru, Moroșanu Robert, Teodorescu Ioana Alexandra; S.g. 146 „I.G. Duca“ cl.V Avarvarei Tudor Mihai; S.g. 149 cl.V Vlad Alexandra; S.g. 172 „Sf. Andrei“ cl.IV Constantinescu Adriana Mirela, Leuștean Maria; S.g. 190 cl.VI Ghic Ozana; S.g. 197 cl.V Mihalcea Ștefan Andrei; S.g. 198 cl.V Bonciocat Ciprian Mircea; S.g. 199 cl.IV Niță Ionut; Lic. Bilingv „Miguel de Cervantes“ cl.IV Ion Robert Andrei; Lic. Internațional de Informatică cl.V Anghel Anca Elena, cl.IX Ionescu Mihai; Lic. „Marin Preda“ cl.V Moș Cristian Ionuț; Lic.