

CRITERII DE INSCRIPTIBILITATE DE TIP PTOLEMEU

de Constantin Sorescu , Constantin Nicolau
Ionel Stanica , Elena Codeci , Dumitru Stoicescu
prof. , Colegiul National "Vlaicu – Voda"
Curtea de Arges

REZUMAT

1. Fie $C \in \text{Int}(\angle BAD)$ și $r = AB \cdot ED + AD \cdot BE + (BC + CD) \cdot AE$. Atunci :
 - a) C se afla in interiorul cercului circumscris $\angle ABD$ și $r > 0$;
 - b) ABCD este inscriptibil și $r = 0$;
 - c) C se afla in exteriorul cercului circumscris $\angle ABD$ și $r < 0$;
2. Fie ABCD patrulater convex . Atunci are loc relatia vectoriala $\vec{AD} + \vec{BC} = \vec{AB} + \vec{DC} = \vec{BD} + \vec{AC}$.
3. Fie patrulaterul ABCD .
 - a) Daca ABCD este inscriptibil ,atunci are loc relatia $\frac{AB}{CD} + \frac{AD}{BC} = \frac{BD}{AC} + \frac{AB}{CD} + \frac{AD}{BC} = \frac{BD}{AC}$ (*) ;
 - b) Daca $\min(\max(m(\hat{A}); m(\hat{D})); \max(m(\hat{B}); m(\hat{C}))) < 90^\circ$ si are loc relatia (*) , atunci ABCD este inscriptibil.
4. Pentagonul convex ABCDE este inscriptibil daca si numai daca $\angle AB + \angle AE + \angle FH + \angle AF + \angle (BC + CE) + \angle AH + \angle (BD + DE)$ și $AB \cdot FE + AE \cdot BF + AF \cdot (BC + CE)$, unde $\angle AC + \angle BE + \{F\}$ și $\angle BE + \angle AD + \{H\}$.
5. Fie ABCD patrulater inscriptibil . Atunci are loc relatia $AB \cdot ED + EC \cdot BC + ED \cdot AE + AD \cdot BE + CE \cdot CD + BE \cdot AE = 0$.